



Prova 1 - 09/04/2019

(Questões sem justificativas não serão consideradas, portanto apresente as justificativas para cada solução.)

Nome: \_\_\_\_\_ Matrícula: \_\_\_\_\_

**Questão 1:** (1,0 ponto) Mostre que se  $W_1, W_2 \leq V$  então  $[W_1 \cup W_2] = W_1 + W_2$ .

**Questão 2:** (2,0 pontos) Mostre que, se  $\{W_\alpha\}_{\alpha \in I}$  é uma família de subespaços vetoriais de  $V$  então  $W_0 = \bigcap_{\alpha \in I} W_\alpha$  é um subespaço vetorial de  $V$ . Além disso,  $W_0$  é o maior elemento de  $\mathfrak{F} = \{W : W \leq V, W \subset W_\alpha, \forall \alpha \in I\}$ .

**Questão 3:** (2,0 pontos) Sejam  $V = \{p : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}; p(x) = a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0\}$  e  $S = \{p \in V : p(-1) = 0 \text{ e } p'(1) = 0\}$ . Mostre que  $S$  é um subespaço vetorial de  $V$ . Encontre uma base e a dimensão do subespaço  $S$ .

**Questão 4:**

- (a) (1,0 ponto) Defina conjunto linearmente dependente e conjunto linearmente independente.
- (b) (2,0 pontos) Se  $\mathbb{F} = \mathbb{Z}_2$ , o subconjunto  $\{(\bar{1}, \bar{1}, \bar{0}), (\bar{1}, \bar{0}, \bar{1}), (\bar{0}, \bar{1}, \bar{1})\}$  de  $\mathbb{F}^3$  é linearmente dependente?

**Questão 5:** (2,0 pontos) Considere o  $\mathbb{R}$ -espaço vetorial  $V = \mathbb{C}^4$  e os subespaços de  $V$ ,  $W_1 = [(1, 2, 0, i), (i, 0, 0, 1)]$  e  $W_2 = [(0, 0, 3, 1)]$ . Mostre que a soma  $W_1 + W_2$  é direta.

**BOA PROVA!**